

Pour le gaz parfait : $\Delta s = c_v \cdot \ln \frac{T_F}{T_I} + R \cdot \ln \frac{V_F}{V_I} = c_p \cdot \ln \frac{T_F}{T_I} - R \cdot \ln \frac{p_F}{p_I}$

1. $\delta W_1 = -\int P_{ext} dV = -\int P dV$ (transformation quasistatique).

$$W_1 = -nRT_i \int \frac{dV}{V} = nRT_i \int \frac{dP}{P} = RT_i \ln \frac{P_f}{P_i}$$

Le travail reçu au cours de l'évolution $A_i A_f$ est donc $W_1 = 4,01 \text{ kJ}$.

Comme $\Delta U = 0$ (1^{ère} loi de Joule), on a $Q_1 = -4,01 \text{ kJ}$ la quantité de chaleur reçue.

2. Le travail reçu au cours de l'évolution $A_i E A_f$ est donné par

$$W_2 = W_{A_i E} + W_{E A_f} = 0 + P_f (V_E - V_{A_f}) = P_f V_i - P_f V_f = \frac{P_f R T_i}{P_i} - P_f V_f = P_f \frac{R T_i}{P_i} - R T_i = R T_i \left(\frac{P_f}{P_i} - 1 \right)$$

Application numérique : $W_2 = 9,98 \text{ kJ}$

Comme $\Delta U_2 = 0$ (transformation monotherme), $Q_2 = -9,98 \text{ kJ}$

3. Les variations d'énergie interne (fonction d'état) le long des deux chemins sont égales car les températures T_i et T_f sont égales dans les deux cas.