

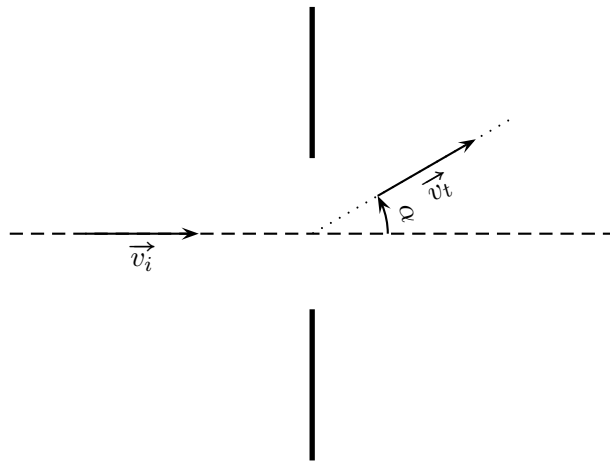
- ✓ La particule ne perd pas d'énergie cinétique au passage de la fente. Sa quantité de mouvement reste donc identique en norme =  $|\vec{p}_i| = |\vec{p}_f| = p_0$  avec  $p_0 = \frac{h}{\lambda}$
- ✓ La largeur de la fente limite les positions possible de la particule en  $x = 0$  sur l'axe  $OY$ . On a donc une incertitude de position  $\Delta y$
- ✓ L'inégalité d'Heisenberg nous permet de relier cette grandeur à l'incertitude sur la composante selon  $Oy$  de la quantité de mouvement,  $\Delta p_y$  :

$$\Delta p_y \geq \frac{\hbar}{2 \cdot \Delta y}$$

Afin de déterminer les expressions des incertitudes, deux raisonnements peuvent être développés

### Évaluation grossière

- ✓ La largeur de l'ouverture étant  $a$ , on peut considérer que  $\Delta y = \frac{a}{2}$
- ✓ L'incertitude sur  $p_y$  engendre un angle de déviation de la particule  $\alpha$  tel que ,  $\sin \alpha = \frac{\Delta p_y}{p_0}$  donc  $\Delta p_y = p_0 \cdot \sin \alpha$
- ✓ On obtient donc  $\sin \alpha \geq \frac{1}{\pi} \frac{\lambda}{a}$



### Évaluation rigoureuse

- ✓  $\Delta x = \sqrt{\langle x^2 \rangle - \langle x \rangle^2}$  avec
 
$$\langle x \rangle = \frac{1}{a} \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} x \cdot dx = 0 \text{ et } \langle x^2 \rangle = \frac{1}{a} \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} x^2 \cdot dx = \frac{a^2}{12}$$
- ✓  $\Delta p_y = \sqrt{\langle p_y^2 \rangle - \langle p_y \rangle^2}$  avec
 
$$\langle p_y \rangle = \frac{1}{2 \cdot \alpha} \int_{-\alpha}^{\alpha} p_0 \cdot \sin \theta \cdot d\theta = 0$$

$$\langle p_y^2 \rangle = \frac{1}{2 \cdot \alpha} \int_{-\alpha}^{\alpha} p_0^2 \cdot \sin^2 \theta \cdot d\theta = \alpha \cdot p_0^2$$
- ✓ On obtient donc  $\sin \alpha \geq \frac{\sqrt{12}}{2 \cdot \pi} \frac{\lambda}{a}$