

- À l'onde incidente est associé le champ
$$\begin{cases} \underline{\vec{E}}_i = E_0 \cdot e^{j \cdot (\omega t - k_0 x)} \vec{e}_y \\ \underline{\vec{B}}_i = \frac{E_0}{c} \cdot e^{j \cdot (\omega t - k_0 x)} \vec{e}_z \end{cases}$$
 - On prévoit l'existence d'une onde réfléchie du type
$$\begin{cases} \underline{\vec{E}}_r = \underline{r} \cdot E_0 \cdot e^{j \cdot (\omega t + k_0 x)} \vec{e}_y \\ \underline{\vec{B}}_r = -\frac{\underline{r} \cdot E_0}{c} \cdot e^{j \cdot (\omega t + k_0 x)} \vec{e}_z \end{cases}$$
 - Dans le diélectrique $\text{div} \vec{E} = 0$, on prévoit donc toujours une onde transversale. On peut écrire l'onde progressive sous la forme $\underline{\vec{E}}_t = \underline{t} \cdot E_0 \cdot e^{j \cdot (\omega t - \underline{k} x)} \vec{e}_y$, avec $\underline{k} = \frac{n \cdot \omega}{c}$

L'onde étant plane transversale, on obtient $\underline{\vec{B}}_t = \frac{\underline{k} \wedge \underline{\vec{E}}_t}{\omega} = \frac{\underline{n} \cdot \underline{t} \cdot E_0}{c} \cdot e^{j \cdot (\omega t - k_0 x)} \vec{e}_z$

- Il n'existe pas de densités surfaciques de charge ou courant à l'interface de deux diélectriques. On doit donc vérifier la continuité des champs à l'interface, ce qui donne :
$$\begin{cases} \underline{\vec{E}}_i + \underline{\vec{E}}_r = \underline{\vec{E}}_t \\ \underline{\vec{B}}_i + \underline{\vec{B}}_r = \underline{\vec{B}}_t \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 1 + \underline{r} = \underline{t} \\ 1 - \underline{r} = \underline{n} \cdot \underline{t} \end{cases}$$

On en déduit que $\underline{r} = \frac{1 - \underline{n}}{1 + \underline{n}}$ et $\underline{t} = \frac{2}{1 + \underline{n}}$

- Pour le bilan énergétique, on doit reprendre les grandeurs réelles, ce qui donne :

$$\underline{\vec{B}} = \frac{2 \cdot E_0}{\omega} \cdot \left[\left(\frac{n' \cdot (1+n') + n''^2}{(1+n')^2 + n''^2} \right) + j \cdot \left(\frac{n' \cdot n'' - n'' \cdot (1+n')}{(1+n')^2 + n''^2} \right) \right] \cdot \left[\cos \left(\omega t - \frac{n' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) + j \cdot \sin \left(\omega t - \frac{n' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) \right] \cdot e^{-\frac{n'' \cdot \omega \cdot x}{c}} \cdot \vec{e}_z$$

$$\underline{\vec{B}} = \mathcal{R}e \left(\underline{\vec{B}} \right)$$

$$\underline{\vec{B}} = \frac{2 \cdot E_0}{\omega} \cdot e^{-\frac{n'' \cdot \omega \cdot x}{c}} \cdot \left[\left(\frac{n' \cdot (1+n') + n''^2}{(1+n')^2 + n''^2} \right) \cos \left(\omega t - \frac{n' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) - \sin \left(\omega t - \frac{n' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) \cdot \left(\frac{n' \cdot n'' - n'' \cdot (1+n')}{(1+n')^2 + n''^2} \right) \right] \cdot \vec{e}_z$$

Il reste à déterminer la partie réelle de $\underline{\vec{E}} = \frac{2}{(1+n') + n''^2} \cdot e^{-\frac{n'' \cdot \omega \cdot x}{c}} \cdot \left[(1+n') \cos \left(\omega t - \frac{n' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) - n'' \cdot \sin \left(\omega t - \frac{n' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) \right] \cdot \vec{e}_z$

On peut désormais déterminer la valeur moyenne du vecteur de Poynting