

1. L'onde n'est pas plane, on part donc de l'équation de Maxwell-Faraday, en utilisant l'expression du rotationnel dans le système cylindrique : 
$$-\frac{\partial \underline{\vec{B}}}{\partial t} = -i.\omega.\underline{\vec{B}} = -\left(\frac{E}{dr} - i.k.E\right).e^{i(\omega t - k.r)}.\underline{\vec{u}}_{\theta}$$
2. On prend la partie réelle de  $\underline{\vec{B}}$ , ce qui donne 
$$\underline{\vec{B}} = \frac{1}{\omega}.\frac{dE(r)}{dr}.\sin(\omega t - k.r).\underline{\vec{u}}_{\theta} - \frac{E(r)}{c}.\cos(\omega t - k.r).\underline{\vec{u}}_{\theta}$$
3. Alors 
$$\underline{\vec{\Pi}} = \frac{1}{2.\mu_0.\omega}.E(r).\frac{dE(r)}{dr}.\sin 2(\omega t - k.r).\underline{\vec{u}}_r + \frac{E^2(r)}{\mu_0.c}.\cos^2(\omega t - k.r).\underline{\vec{u}}_r$$
 dont la valeur moyenne est 
$$\langle \underline{\vec{\Pi}} \rangle = \frac{E^2(r)}{2.\mu_0.c}\underline{\vec{u}}_r$$
4. 
$$\langle \mathcal{P} \rangle = 2.\pi.r.h.\langle \underline{\vec{\Pi}} \rangle$$
  
La propagation dans le vide se faisant sans déperdition d'énergie,  $\langle \mathcal{P} \rangle = C^{te}$ , soit  $r.E^2(r) = C^{te}$ .