

On se place dans le référentiel lié à l'avion  $\mathcal{R}_a$  pour effectuer le bilan dynamique.

1. La vitesse de l'eau dans  $\mathcal{R}_a$  est telle que  $\overrightarrow{v}_{(eau, \mathcal{R}_T)} = \overrightarrow{v}_{(eau, \mathcal{R}_a)} + \overrightarrow{v}_{entr.}$  or  $\overrightarrow{v}_{(eau, \mathcal{R}_T)} = \vec{0}$  et  $\overrightarrow{v}_{entr.} = \vec{V}$  donc  $\overrightarrow{v}_{(eau, \mathcal{R}_a)} = -\vec{v}$

On a alors  $D_v = v \cdot 2 \cdot S = \frac{V}{\tau}$  donc  $\tau = \frac{V}{2 \cdot D_v \cdot S}$

2. On prend comme système ouvert le tube d'eau au contact de l'auget, donc sur un demi-cercle. On se ramène à un système fermé, alors

$$\vec{p}_{(t+dt)}^* - \vec{p}_{(t)}^* = \delta m \cdot (+\vec{v}) - \delta m \cdot (-\vec{v}) = +2 \cdot \mu \cdot D_v \cdot dt \cdot \vec{v}$$

On en déduit par application du PFD que  $\frac{\vec{p}_{(t+dt)}^* - \vec{p}_{(t)}^*}{dt} \cdot \vec{e}_x = \overrightarrow{F}_{auget \rightarrow eau} \cdot \vec{e}_x = -\overrightarrow{F}_{eau \rightarrow auget} \cdot \vec{e}_x$ , ce qui donne :  $\overrightarrow{F}_{eau \rightarrow auget} = -2 \cdot \mu \cdot D_v \cdot \vec{v}$

3. On effectue l'étude de l'avion dans le référentiel terrestre. Dans ce référentiel la puissance de la force exercée par l'eau sur l'avion est donc  $\mathcal{P} = \overrightarrow{F}_{eau \rightarrow auget} \cdot \vec{v} = -2 \cdot \mu \cdot D_v \cdot v^2$ .

Afin de conserver une vitesse constante, le pilote doit augmenter la puissance moteur d'une grandeur équivalente.

4.
  - ✓ La forme de l'aile resserre fortement les ligne de courant au dessus de l'aile
  - ✓ En considérant l'écoulement incompressible, il en résulte une augmentation de la vitesse du fluide au dessus de l'aile
  - ✓ En considérant l'écoulement homogène stationnaire, on peut appliquer Bernoulli et en déduire une diminution de la pression au dessus de l'aile.
  - ✓ La résultante des forces de pression sera donc ascendante, ce qui donne la portance.