

1. Si H_{im} est la hauteur immergée du bateau, on obtient $H_{im} = h + \frac{m}{\rho.S}$. La condition limite étant $H_{im} = H$, on en déduit

$$h_m = H - \frac{m}{\rho.S}$$

2. Soit A à la surface de la mer et B au niveau de la voie d'eau.

Bernoulli entre A et B donne $\vec{v}_{B/mer} = \sqrt{2.g.(H_{im} - l).(-\vec{u}_x)} = \vec{v}_{B/bateau} + \vec{v}_{bateau/mer}$, mais on peut négliger $\vec{v}_{bateau/mer}$ devant $\vec{v}_{B/bateau}$.

On a donc, par le débit volumique : $D_v = s.\sqrt{2.g.(H_{im} - l)} = S.\frac{dh}{dt}$.

Or on peut négliger l'accélération du bateau/mer, donc $h = H_{im} - \frac{m}{\rho.S}$, ce qui donne, si $H_0 = \frac{m}{\rho.S} : \left(\frac{dh}{dt}\right) = \left(\frac{s}{S}\right)^2 .2.g.(h +$

$H_0 - l)$ En dérivant l'expression, on arrive à $\frac{d^2h}{dt^2} = \left(\frac{s}{S}\right)^2 .g$, donc $h(t) = \left(\frac{s}{S}\right)^2 .\frac{g}{2}.t^2 + \frac{s}{S}.\sqrt{2.g.(H_0 - l)}.t$ Cette phase se termine si $t = t_1$, soit $t_1 = 34 \text{ min}$

3. L'ouverture se retrouve cette fois dans l'eau. On applique Bernoulli le long d'une ligne de courant $AB : p_B + \frac{\mu}{2}.v_{/mer}^2(B) = p_0 + \mu.g.(H_{im} - l)$

Par contre, comme $S \gg s$, dans la cale $p_B \equiv p_0 + \mu.g.(h - l)$ Ce qui donne $v_{/mer}(B) = \sqrt{2.g.H_0}$ + conservation du débit

$$\rightarrow \frac{dh}{dt} = \frac{s}{S}\sqrt{2.g.H_0}$$

Par intégration : $h(t) = \frac{s}{S}\sqrt{2.g.H_0}.(t - t_1) + l$,

4. ce qui donne pour $h(t_2) = h_m : t_2 = \frac{S}{s.\sqrt{2.g.H_0}}.(H + H_0 - l - 2.\sqrt{H_0.(H_0 - l)}) = 1 \text{ H40 min}$