

1. On considère le référentiel terrestre comme galiléen.

(a) Une étude énergétique est adaptée ici. Le système étant conservatif :

$$0 + m.g.z_{Max} = \frac{1}{2}m.v_0^2 + 0, \text{ ce qui donne } z_{Max} = \frac{v_0^2}{2.g}$$

(b) Le PFD est ici plus adapté : $m.\vec{g} = m.\vec{a}$, soit
$$\begin{cases} 0 \\ 0 \\ -m.g \end{cases} = \begin{cases} m.\ddot{x} \\ m.\ddot{y} \\ m.\ddot{z} \end{cases}$$

$$\text{Par intégration : } \vec{v} = \begin{cases} \dot{x} = 0 \\ \dot{y} = 0 \\ \dot{z} = -g.t + v_0 \end{cases}$$

2. Le référentiel terrestre est non galiléen. On considère ici l'effet de la rotation de la terre. On rappelle que le terme d'inertie d'entraînement du à ce phénomène est englobé dans le champ de pesanteur.

On note cette fois \vec{v}_r et \vec{a}_r les grandeurs cinématiques dans le référentiel terrestre.

(a) On exprime $\vec{\Omega} = \begin{cases} 0 \\ \omega.\cos\lambda \\ \omega.\sin\lambda \end{cases}$

(b) Le PFD s'écrit alors : $m.\vec{g} - 2.m.\vec{v}_r \wedge \vec{\omega} = m.\vec{a}_r$

On considère en première approximation $\vec{v}_r \equiv \vec{v}$: l'effet non galiléen ne modifie que peu la trajectoire. Alors :

$$\begin{cases} 0 \\ 0 \\ -m.g \end{cases} - 2.m. \begin{cases} 0 \\ \omega.\cos\lambda \\ \omega.\sin\lambda \end{cases} \wedge \begin{cases} 0 \\ 0 \\ \dot{z} = -g.t + v_0 \end{cases} = \begin{cases} \ddot{x}_r \\ \ddot{y}_r \\ \ddot{z}_r \end{cases}$$

$$\begin{cases} 0 \\ 0 \\ -m.g \end{cases} + \begin{cases} 2.m.\omega.\cos\lambda.(g.t - v_0) \\ 0 \\ 0 \end{cases} = \begin{cases} \ddot{x}_r \\ \ddot{y}_r \\ \ddot{z}_r \end{cases}$$

(c) Par intégrations successives, on obtient alors :
$$\begin{cases} x_r = \left(-v_0.t^2 + \frac{g.t^3}{3}\right).\omega.\cos\lambda \\ y_r = 0 \\ z_r = v_0.t - \frac{1}{2}.g.t^2 \end{cases}$$

L'obus retombe au sol si $z_r = 0$, donc à $t = \frac{2.v_0}{g}$. Alors :

$$x_A = \left(\frac{2.v_0}{g}\right)^2 \left(-v_0 + \frac{g.2.v_0}{3.g}\right).\omega.\cos\lambda = -\frac{2.v_0^3}{3.g}.\omega.\cos\lambda = -17,56 \text{ m}$$

3. $\alpha = 0,05^\circ$

4. Cette déviation peut être due à une mauvaise orientation du canon