

1. On choisit arbitrairement une orientation dans le sens trigonométrique.

Attention, le champ magnétique est nul sur une partie de la surface du cadre.

$$\Phi = \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = B_0 \cdot \left(\frac{a}{2} + x \right) \cdot a, \text{ soit } e_{ind} = -B_0 \cdot a \cdot \dot{x}$$

- 2 La loi d'Ohm généralisée donne ici $i = \frac{e_{ind}}{R}$, fléché dans le sens choisi pour le calcul de la circulation du champs électromoteur (trigonométrique ici).

Cette fem entraine donc l'apparition de forces de Laplace telles que $d\vec{F}_{lapl} = i \cdot d\vec{l} \wedge \vec{B}$. ces forces de Laplace vont se compenser sur les parties AB et CD . Il reste donc :

$$\vec{F}_{lapl} = i \cdot \int_0^a \vec{e}_y \wedge \vec{B} \cdot dy = a \cdot i \cdot B \cdot \vec{e}_x$$

L'application de PFD donne alors : $m \cdot \ddot{x} = m \cdot g - k \cdot (l_{eq} + x - l_0) - \frac{B^2 \cdot a^2}{R} \cdot \dot{x}$

Comme l'étude de l'équilibre donne $l_{eq} = l_0 + \frac{mg}{k}$, on obtient l'équation du mouvement :

$$\ddot{x} + \frac{B^2 \cdot a^2}{R \cdot m} \cdot \dot{x} + \frac{k}{m} x = 0$$

Cette équation est valable pour un écart de $\frac{a}{4}$ par rapport à la position d'équilibre car le cadre sera toujours partiellement immergé dans la zone de champ magnétique.

- 3 l'équation caractéristique est $r^2 + \frac{B^2 \cdot a^2}{R \cdot m} \cdot r + \frac{k}{m} = 0$ de discriminant $\Delta = \left(\frac{B^2 \cdot a^2}{R \cdot m} \right)^2 - 4 \cdot \frac{k}{m}$

Le régime critique est obtenu lorsque $\Delta = 0$, donc pour $B = \frac{1}{a} \cdot \sqrt{R \cdot m \cdot \sqrt{\frac{k}{m}}}$

