

- On repère un point P tel que $OP = r.\vec{e}_r$ le long d'une ligne conductrice verticale. La vitesse d'entraînement a alors pour expression $\vec{v}(P) = r.\dot{\theta}.\vec{e}_\theta$

$$\text{Alors } e_{ind} = \int_0^a (r.\dot{\theta}.\vec{e}_\theta \wedge B.\vec{e}_z) \cdot \vec{e}_r$$

$$e_{ind} = B.\dot{\theta} \int_0^a r.dr = \frac{B.\dot{\theta}.a^2}{2}$$

La loi d'Ohm généralisée permet d'en déduire $i(t) = \frac{B.\dot{\theta}.a^2}{2.R}$

- On va appliquer le TMC en O . On doit donc exprimer le moment des forces de Laplace et du poids

$$\vec{M}(\vec{F}_L) = \int_0^a r.\vec{e}_r \wedge [i(t).dr.\vec{e}_r \wedge B.\vec{e}_z] = -i(t).B.\frac{a^2}{2}.\vec{e}_z$$

$$\vec{M}(\vec{P}) = \vec{0}$$

$$\text{Ce qui donne donc } J_\Delta.\dot{\omega} + \frac{B^2.\dot{\theta}.a^4}{4.R} = 0$$

$$\text{On a donc le temps caractéristique } \tau = \frac{4.R.J_\Delta}{B^2.a^4}$$

$$\text{La solution est de la forme } \omega(t_1) = \omega_0.e^{-\frac{t_1}{\tau}} = \frac{\omega_0}{10}$$

$$\text{Donc } t_1 = \tau.ln10$$